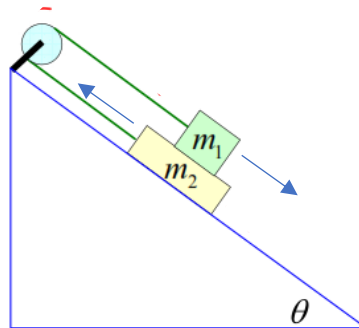


## TEMA 2: AULA APELLIDOS DESDE M – Z

- 1) Una avioneta tiene una velocidad respecto al aire de 50 m/s en dirección oeste. El aire se mueve a 10 m/s en forma de viento que sopla al norte-oeste (N-O= justo en la mitad entre el norte y el oeste) relativo a un sistema fijo (Tierra).
  - a) Haga un diagrama vectorial que muestre la relación entre las velocidades de la avioneta respecto a Tierra con la del avioneta respecto al aire y la del aire respecto a tierra.
  - b) Hallar el vector velocidad de la avioneta respecto a tierra (Indique el valor del módulo y la dirección del desplazamiento).

2) El bloque de masa  $m_2 = 8 \text{ Kg}$  se mueve hacia arriba sobre un plano inclinado con roce y sobre él hay otro bloque de masa  $m_1 = 20 \text{ kg}$ . Ambos bloques están conectados por una cuerda ideal que pasa por una polea ideal, como se muestra en la figura. El coeficiente de roce dinámico  $\mu=0,1$ , es el mismo para el plano y  $m_2$  y entre las masas  $m_1$  y  $m_2$ . El ángulo del plano inclinado es  $\theta = 30$  grados.

- a) Realizar el diagrama de cuerpo libre, y dibujar todos los pares de acción-reacción para los dos cuerpos y la rampa.
- b) Calcular la tensión en la cuerda y la aceleración de la masa  $m_2$ .



3) Una masa inicialmente está en equilibrio colgando de un resorte (posición A). Luego, aplicando una fuerza, se la aparta (moviéndola muy lentamente) de esa posición de equilibrio una distancia de 30 mm hacia arriba (posición B) y después se la suelta haciendo un movimiento vertical. Datos:  $m= 1 \text{ kg}$  y  $k = 50 \text{ N/m}$ .

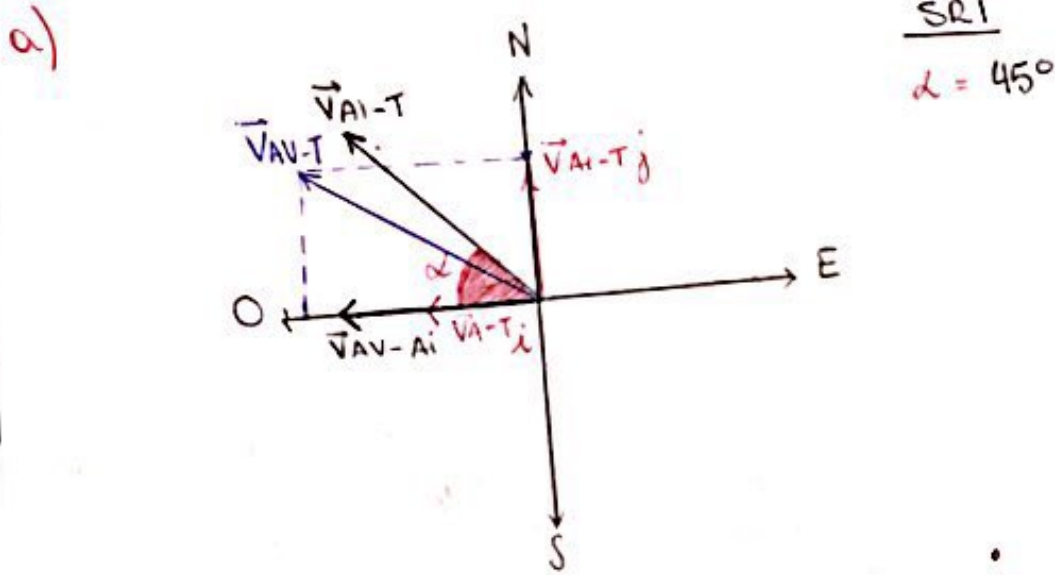
- a) Grafique la energía potencial elástica del sistema durante la oscilación en función de la posición de la masa, indicando en el gráfico la energía mecánica máxima, y el o los punto/s de energía cinética mínima.
- b) Hallar la velocidad máxima de la masa.
- c) Calcule el trabajo que hizo la fuerza externa, para ir de A a B.
- d) ¿Se conserva la energía mecánica desde la posición A, a cuando está oscilando? ¿Y durante la oscilación? Justifique.

Agustina Matassini  
 N° Legajo 107485  
 QRSC 11  
 DNI: 44158684

TEMA 2

①

- Avioneta :  $V_{AV-AI} = 50 \text{ m/s}$  en dirección oeste  
 Aire :  $V_{AI-T} = 10 \text{ m/s}$  en dirección Norte-Oeste



- b) Hallar vector velocidad de la avioneta respecto a tierra ( $\vec{V}_{AV-T}$ )  
 (Modulo y dirección)

- Según la primera transformación de Galileo, el movimiento relativo para 3 objetos está dado por:

$$(A, B, C) \Rightarrow \vec{V}_{A,B} = \vec{V}_{A,C} + \vec{V}_{C,B}$$

↓  
 Para nuestro sistema,

$$\vec{V}_{AV-T} = \vec{V}_{AV-AI} + \vec{V}_{AI-T}$$

$$* \vec{V}_{AV-AI} = -50 \text{ m/s } \hat{i}$$

$$* \vec{V}_{AI-T} = -V_{AI-T} \hat{i} + V_{AI-T} \hat{j}$$

$$\vec{V}_{AI-T} = -V_{AI-T} \cdot \cos(45^\circ) \hat{i} + V_{AI-T} \cdot \sin(45^\circ) \hat{j}$$

$$\vec{V}_{AI-T} = -10 \text{ m/s} \cdot \cos(45^\circ) \hat{i} + 10 \text{ m/s} \cdot \sin(45^\circ) \hat{j}$$

$$\vec{V}_{AI-T} = \underline{-7,07 \text{ m/s } \hat{i} + 7,07 \text{ m/s } \hat{j}}$$

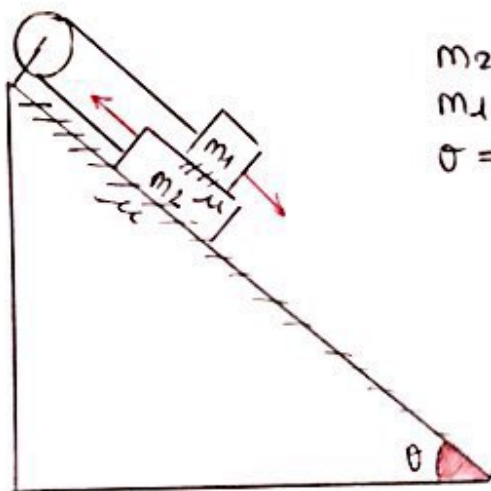
$$\vec{V}_{AV-T} = (-50 \text{ m/s})\hat{i} + (-7,07 \text{ m/s})\hat{j} + 7,07 \text{ m/s}\hat{j}$$

$$\vec{V}_{AV-T} = (-57,07 \text{ m/s})\hat{i} + 7,07 \text{ m/s}\hat{j}$$

$$\|\vec{V}_{AV-T}\| = \sqrt{(-57,07 \text{ m/s})^2 + (7,07 \text{ m/s})^2} =$$

$$\|\vec{V}_{AV-T}\| = 57,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

2)



$$m_2 = 8 \text{ kg}$$

$$m_1 = 20 \text{ kg}$$

$$\theta = 30^\circ$$

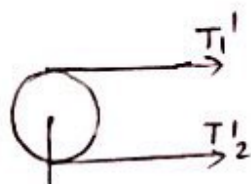
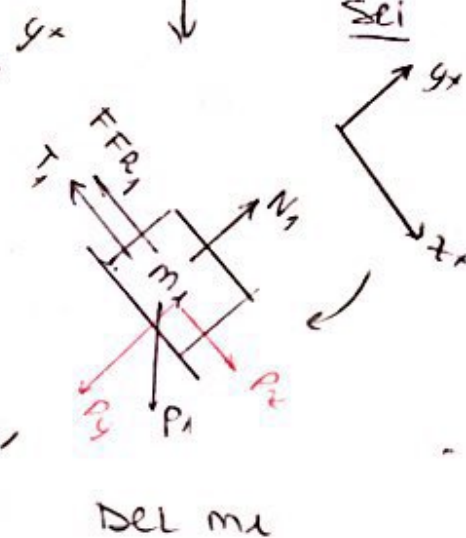
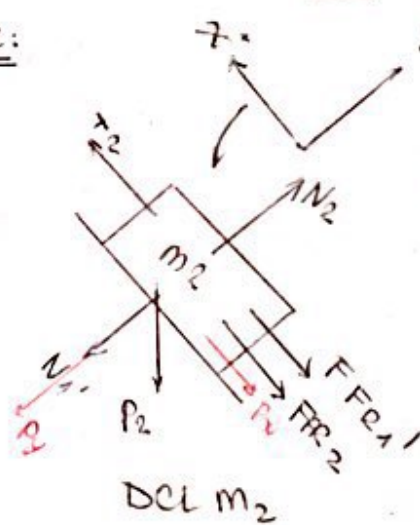
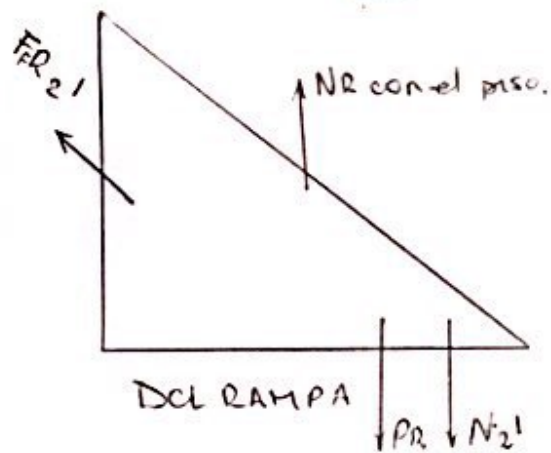
Aclaración: elegí utilizar un sistema distinto para cada cuerpo según su movimiento, para ahorrarme luego algún problema con los signos de las aceleraciones, etc.

Sei

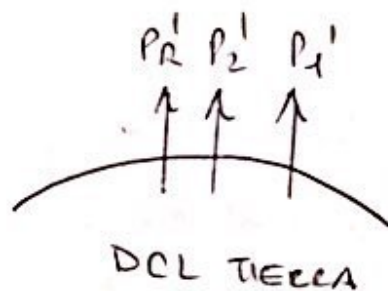
Sei

a) Diagramas de cuerpo libre:

Sei



DEL PULERA



⊙ (lo agregó por que lo necesito para los cálculos posteriores)



b) Calcular Tension en la cuerda

\* Al observar el DCL de la Polea (⊛), al ser una cuerda ideal y (2) una polea ideal, llego a la conclusion de que las 2 tensiones que unen a cada cuerpo son iguales entre si. Osea:

$$|T_1| = |T_2| \quad * \text{consideré } |g| = 10 \frac{m}{s^2}$$

$$\downarrow$$

$$|a_1| = |a_2|$$

Cuerpo 1:

$$\sum F_y = 0$$

$$N_1 - P_{1y} = 0$$

$$N_1 = P_{1y}$$

$$N_1 = P_1 \cdot \cos(\theta)$$

$$N_1 = m_1 \cdot g \cdot \cos(\theta)$$

$$N_1 = 20 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \cos(30^\circ)$$

$$\underline{N_1 = 173,2 \text{ N}}$$

$$\sum F_x = m_1 \cdot a_1$$

$$P_x - T_1 - F_{FR1} = m_1 \cdot a_1$$

$$m_1 \cdot g \cdot \sin(\theta) - T_1 - N_1 \mu_d = 20 \text{ kg} \cdot a_1$$

$$20 \text{ kg} \cdot \sin(30^\circ) - T_1 - 173,2 \text{ N} \cdot 0,1 = 20 \text{ kg} \cdot a_1$$

$$\downarrow$$

$$* 10 \frac{m}{s^2}$$

como  $|T_1| = |T_2|$   
 y  $|a_1| = |a_2|$

(en este caso, según mi sistema de referencia son iguales en modulo, sentido y dirección)

Entonces:

$$a = \frac{20 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \sin(30^\circ) - T - 173,2 \text{ N} \cdot 0,1}{20 \text{ kg}}$$

Reemplazo: (EQ 2)

$$T - (173,2 \text{ N} \cdot 0,1) - (242,5 \text{ N} \cdot 0,1) - 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \sin(30^\circ) = 8 \text{ kg} \cdot \text{⊛}$$

$$\text{⊛} \left( \frac{20 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \sin(30^\circ) - T - 173,2 \text{ N} \cdot 0,1}{20 \text{ kg}} \right)$$

Cuerpo 2:

$$\sum F_y = 0$$

$$N_2 - N_1 - P_{2y} = 0$$

$$N_2 = N_1 + P_{2y}$$

$$N_2 = N_1 + m_2 \cdot g \cdot \cos(\theta)$$

$$N_2 = 173,2 \text{ N} + 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \cos(30^\circ)$$

$$\underline{N_2 = 242,5 \text{ N}}$$

$$\sum F_x = m_2 \cdot a_2$$

$$T_2 - F_{FR2} - P_x = m_2 \cdot a_2$$

$$T_2 - N_1 \mu_d - N_2 \mu_d - P_x \cdot \sin(30^\circ) = m_2 \cdot a_2$$

$$T_2 - (173,2 \text{ N} \cdot 0,1) - (242,5 \text{ N} \cdot 0,1) - 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot \sin(30^\circ) = 8 \text{ kg} \cdot a_2$$

$$* \sin(30^\circ) = 8 \text{ kg} \cdot a_2$$

si despejamos T de la ecuación anterior:

$$T = 110,5 \text{ N}$$

→ (lo despeje directamente con la calculadora)

Para despejar  $a_2$  -

$$T - (173,2 \text{ N} \cdot 0,1) - (242,5 \text{ N} \cdot 0,1) - 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{sen}(30^\circ) = 8 \text{ kg} \cdot a_2$$

$$110,5 \text{ N} - (173,2 \text{ N} \cdot 0,1) \rightarrow \text{NO.}$$

Despejando T de la EQ 2:

$$T = 81,9 \text{ N}$$

→ (lo despejé directamente con la calculadora)

Para despejar  $a_2$ :

$$T - (173,2 \text{ N} \cdot 0,1) - (242,5 \text{ N} \cdot 0,1) - 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{sen}(30^\circ) = 8 \text{ kg} \cdot a_2$$

$$\downarrow$$
$$81,9 \text{ N}$$

$$a_2 = \frac{81,9 \text{ N} - (173,2 \cdot 0,1) - (242,5 \text{ N} \cdot 0,1) - 8 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{sen}(30^\circ)}{8 \text{ kg}}$$

$$a_2 = 0,0413 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

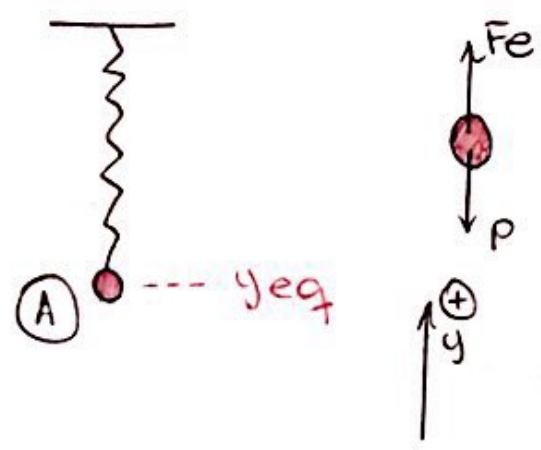
3) masa inicialmente en eq colgando de un resorte.

Aplicando una fuerte fuerza se la aparta de la pos. de eq 30 mm hacia arriba y después se la suelta haciendo un mov. vertical.



# Diagramas:

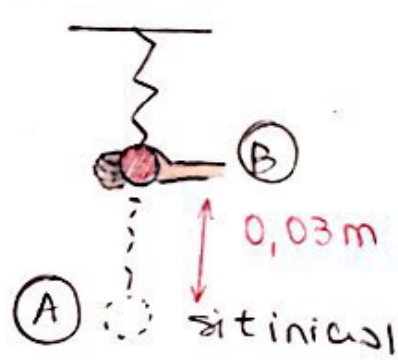
Situación inicial A



Equilibrio:

$$\begin{aligned} \sum F_y &= 0 \\ F_e - P &= 0 \\ k_{y_{eq}} &= mg \\ 50 \text{ N/m} \cdot y_{eq} &= 1 \text{ kg} \cdot 9,8 \text{ m/s}^2 \\ y_{eq} &= \frac{1 \text{ kg} \cdot 9,8 \text{ m/s}^2}{50 \text{ N/m}} \\ \underline{y_{eq} = 0,196 \text{ m}} \end{aligned}$$

Situación B: se separa la masa 30 mm (0,03 m) hacia arriba, o sea es este mov:



$$y_F = y_{eq} - \text{despl.} = 0,196 \text{ m} - 0,03 \text{ m} =$$

↓  
 Cresto  $x_0$  está más alta ahora, disminuye y aumenta la cercanía de la pelota con respecto a la base)

$$\underline{y_F = 0,166 \text{ m}}$$

Después de esto se la suelta para hacer un mov vertical y va a empezar a oscilar, esta  $y$  entonces será mi nueva pos inicial para analizar el mov oscilatorio.

DCL B



$$\sum F_y = 0$$

$$F - F_e - P = 0$$

$$F = F_e + P$$

$$F = kx + mg$$

$$F = 50 \text{ N} \cdot 0,03 \text{ m} + 1 \text{ kg} \cdot 9,8 \text{ m/s}^2$$

$$\underline{F = 11,3 \text{ N}}$$

~~$$\Delta EM = WFNC$$~~

~~$$\Delta EM = WF \quad (F_e \text{ y } P \text{ son fuerzas conservativas})$$~~

~~$$\Delta EM = 11,3 \text{ N} \cdot 0,03 \text{ m} \cdot \cos(180^\circ)$$~~

↗ en dirección  
↘ va con el despla-  
zamiento

~~$$\Delta EM = 0,339 \text{ N}$$~~

$\Delta EM$

~~$$E_{MB} + WFNC = E_{MF}$$~~

~~$$E_{p/g} + E_{pe} + E_c + WF = E_{cf} + E_{p/gf} + E_{pef}$$~~

↓  
situo mi  
h potencial en b  
 $h=0$ .

ENB está  
en reposo

~~$$E_{pe} + WF = E_{cf} + E_{p/gf} + E_{pef}$$~~

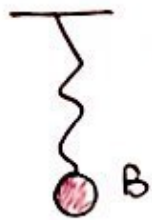
~~$$\frac{1}{2} k (\Delta x)^2 + 11,3 \text{ N} \cdot 0,03 \text{ m} \cdot \cos(180^\circ) = mgh_f + \frac{1}{2} k (\Delta x)^2$$~~

~~$$\frac{1}{2} 50 \text{ N/m} (0,03)^2 + 11,3 \text{ N} \cdot 0,03 \text{ m} \cdot \cos(180^\circ) = 9,8 \text{ m} \cdot 1 \text{ kg} \cdot h_f + \frac{1}{2} 50 \text{ N} (0,03 \text{ m})^2$$~~

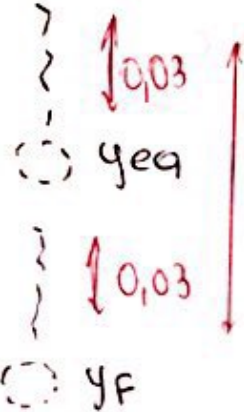
$h_f =$

- La vel máxima de la masa será cuando esta vuelva a pasar por el yeq.

$$v_{\max} = A \cdot \omega$$



$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{50 \text{ N/m}}{1 \text{ kg}}} = 7,07 \frac{1}{\text{s}}$$



$$A = (0,03 \text{ m}) \cdot 2 = 0,06 \text{ m}$$

$$b) \underline{v_{\max}} = 7,07 \frac{1}{\text{s}} \cdot 0,06 \text{ m} = 0,424 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

~~$$h_F = 0,496 \text{ m} + 0,03 \text{ m} = 0,226 \text{ m}$$~~

c)  $W_{F_{\text{ext}}}$

Al ser una F de de A a B

$$W_F = F \cdot \Delta d \cdot \cos(\alpha)$$

$$11,3 \text{ N} \cdot (0,496 \text{ m} - 0,266 \text{ m}) \cdot \cos(0)$$

↓  
Acompaña a la  
dirección del  
movimiento

$$W_{F_{\text{ext}}} = 11,3 \text{ N} \cdot 0,03 \text{ m} \cdot 1$$

$$\underline{W_F = 0,339 \text{ N}}$$

d) Cuando se suelta el cuerpo para empezar el movimiento oscilatorio, la F externa deja de actuar. Al ser esta la única fuerza no conservativa presente (pues la F elástica y la F peso son conservativas) podemos decir que:



$$\Delta EM = W_{FNC}$$

$$\Delta EM = 0 \rightarrow cte \Rightarrow \underline{\text{DURANTE EL MOV OSCILATORIO}}$$

O sea si analizamos el mov desde A, cuando esta oscilando, si se conserva la energía mecánica.

La situación sería diferente si analizara la conservación de Energía desde A hacia B, ya que ahí actúa la fuerza no conservativa F, y  $\Delta EM = W_F$ .

$$a) \quad E_{M_i} =$$

B

$$B = \text{reposito} = v_0 = 0$$

$$h_B = 0,166 \text{ m}$$

↓

$$E_{M_i} = E_{pg} + E_{pe} = mgh_i + \frac{1}{2}k(\Delta x)^2$$

$$= 4 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 0,166 \text{ m} + \frac{1}{2} 500 \text{ N/m} (0,03)^2$$

$$= \underline{1,683 \text{ J}}$$

$$E_{M_f} =$$

$$\text{Final} = v_0 (\text{y máx})$$

$$h = 0$$

↓

situación  $h = 0$   
al final  
de la oscilación

$$\Rightarrow E_{M_f} = E_{pe} = \frac{1}{2}k$$

NO.

